

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Максимов Алексей Борисович
Должность: директор департамента по образовательной политике
Дата подписания: 21.10.2023 14:10:05
Уникальный программный ключ:
8db180d1a3f02ac9e60521a5672742735c18b1d6


МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ
ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХ)

Факультет машиностроения

УТВЕРЖДАЮ

Декан факультета машиностроения

 /Е.В. Сафонов/

«16» февраля 2023г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Теоретическая механика

Направление подготовки/специальность

15.03.01 «Машиностроение»

Профиль/специализация

Высокоэффективные технологические процессы и оборудование»

Квалификация (степень) выпускника

бакалавр

Форма обучения

очная

Москва, 2023 г.

Разработчик(и):

Должность, степень, звание



/Г.И. Норицина/

Согласовано:Заведующий кафедрой «Техническая механика и компьютерное моделирование»,

К.т.н., доцент



/Ю.И. Бровкина/

Заведующий кафедрой «Технологии и оборудование машиностроения»,

к.т.н., доцент



/А.Н. Васильев/

Содержание

1.	Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине.....	4
2.	Место дисциплины в структуре образовательной программы	4
3.	Структура и содержание дисциплины	5
4.	Учебно-методическое и информационное обеспечение	9
5.	Материально-техническое обеспечение	10
6.	Методические рекомендации	11
7.	Фонд оценочных средств	13

1. Цели, задачи и планируемые результаты обучения по дисциплине

К основным целям освоения дисциплины «Теоретическая механика» следует отнести:

- владеть основными принципами и законами теоретической механики, и их математическим обоснованием;
- показать, что теоретическая механика составляет основную базу современной техники с расширяющимся кругом проблем, связанных с методами расчетов и моделирования сложных явлений;
- подготовить к деятельности в соответствии с квалификационной характеристикой бакалавра по направлению, в том числе формирование умений использовать методы расчета в профессиональной деятельности.

К основным задачам освоения дисциплины «Теоретическая механика» следует отнести:

- показать, что роль и значение теоретической механики состоит не только в том, что она представляет собой одну из научных основ современной техники, но и в том, что ее законы и методы дают тот минимум фундаментальных на базе которых будущий бакалавр сможет самостоятельно овладевать всем новым, с чем ему придется столкнуться в профессиональной деятельности.

Обучение по дисциплине «Теоретическая механика» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций:

Код и наименование компетенций	Индикаторы достижения компетенции
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общетеоретические знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	ИОПК-1.1. Знает области и основные законы естественнонаучных и общетеоретических знаний, методы математического анализа и моделирования, используемые в профессиональной деятельности; ИОПК-1.2. Умеет применять естественнонаучные и общетеоретические знания, методы математического анализа и моделирования при решении профессиональных задач; ИОПК-1.3 Владеет умениями применять естественнонаучные и общетеоретические знания, методы математического анализа и моделирования при решении профессиональных задач

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к обязательной части/части, формируемой участниками образовательных отношений блока Б1 «Дисциплины (модули)».

Дисциплина «Теоретическая механика» взаимосвязана логически и содержательно со следующими дисциплинами ООП.

В обязательной части (Б.1):

- Математический анализ;
- Линейная алгебра;

- Физика;
- Инженерная графическая информация;
- Компьютерный практикум по инженерной графике;
- Сопротивление материалов;
- Теория механизмов и машин;
- Основы проектирования деталей и узлов машин.

3. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных(е) единиц(ы) (180 часов).

3.1 Виды учебной работы и трудоемкость (по формам обучения)

3.1..Очная форма обучения

№ п/п	Вид учебной работы	Количество часов	Семестры	
			2	3
1	Аудиторные занятия	90	36	54
	В том числе:			
11	Лекции	36	18	18
12	Семинарские/практические занятия	54	18	36
13	Лабораторные занятия		-	-
2	Самостоятельная работа	90	40	50
3	Промежуточная аттестация			
	Зачет/диф.зачет/экзамен		зачет	экзамен
Итого		180	76	104

3.2 Тематический план изучения дисциплины 3.2.2. Очная форма обучения

№ П №/ п	Разделы/темы дисциплины	Трудоемкость, час					
		Всего	Аудиторная работа				Самостоятельная работа
			Лекции	Семинарские/ практические занятия	Лабораторные занятия	Практическая подготовка	
11	Раздел Статика+кинематика	36	18	18			40
	Статика	16	8	8			20
1.	Основные понятия статики. Аксиома. Связи и силы реакций связей. Система сходящихся сил. Условия равновесия. Момент силы относительно центра и оси. Пара сил. Момент пары. Свойства пар сил. Теория о параллельном переносе сил. Приведение						

	произвольной плоской системы сил к заданному центру. Условия равновесия. Теорема Вариньона. Распределенные нагрузки. Трение скольжения. Методика решения задач. Выдача задания на РГР С-1, С-2, С-5						
1	Кинематика	20	10	10			20
	Поступательное движение твердого тела. Основные кинематические характеристики. Вращение твердого тела вокруг неподвижной оси. Основные кинематические характеристики. Определение скоростей и ускорений точек вращающегося тела. Векторы угловой скорости и углового ускорения. Формула Эйлера. Выдача задания на РГР К-1. Сложное движение точки. Теоремы о сложении скоростей и ускорений при сложном движении. Теорема Кориолиса. Выдача заданий на РГР К-2. Плоское движение твердого тела. Теоремы о скоростях и ускорениях точек плоской фигуры. Выдача заданий на РГР К-3, К-5						
33	Раздел Динамика	54	18	36			50
	Динамика. Введение в динамику. Законы Галилея-Ньютона. Дифференциальные уравнения движения точки в разных формах. Две основные задачи динамики точки. Свободные гармонические колебания. Вынужденные затухающие колебания. Дифференциальные уравнения относительного движения. Выдача заданий на РГР Д-1, Д-2. Основные теоремы динамики точки и системы: о движении центра масс, об изменении количества движения и об изменении кинетического момента системы. Дифференциальные уравнения вращательного и плоского движений твердого тела. Методика решения задач и выдача заданий на РГР Д-3, Д-4. Работа. Мощность. Кинетическая энергия системы. Теоремы об изменении кинетической энергии для						

<p>точки и системы. Методика решения задач и выдача заданий на РГР Д-5. Проведение рубежного контроля в виде бланкового или компьютерного по основным теоремам динамики</p> <p>Принцип Даламбера для точки и системы. Главный вектор и главный момент сил инерции. Определение динамических реакций вращающихся валов. Методика решения задач и выдача заданий на РГР Д-6.</p> <p>Элементы аналитической механики. Принцип возможных перемещений. Общее уравнение динамики. Методика решения задач и выдача заданий на РГР Д-7, Д-8.</p> <p>Уравнение Лагранжа II-го рода. Обобщенные координаты скорости и силы. Методика решения задач и выдача заданий на РГР Д-9.</p> <p>Проведение промежуточного компьютерного или бланкового тестирования по всем разделам аналитической механики и принципам.</p>						
Итого	90	36	54			90

3.3 Содержание дисциплины

2 семестр:

1-й раздел «Статика+кинематика»

Статика

Введение

Предмет, задачи и содержание дисциплины «Теоретическая механика» как одну из фундаментальных общенаучных дисциплин естественно-научно и физико-математического цикла, на материале которой базируются такие важные для общего инженерного образования дисциплины, как Соппротивление материалов и Детали машин.

Основные понятия и определения.

Понятия абсолютно твердого тела, эквивалентных систем сил и равновесия. Аксиомы статики и следствия из них, связи, реакции связей. Различные системы сил (плоские и пространственные, простейшие и произвольные).

Виды нагрузок.

Проекции вектора силы на оси координат. Момент силы относительно точки. Момент силы относительно оси. Понятие о паре сил. Момент пары. Свойства пар сил. Распределенные нагрузки. Силы трения скольжения и качения.

Основные теоремы статики и уравнения.

Теорема о параллельном переносе силы и теорема о приведении произвольной системы сил к заданному центру. Главный вектор и главный момент произвольной системы сил. Условия равновесия произвольной пространственной и плоской системы сил.

Равновесия при наличии сил трения.

Трение качения.

Центр параллельных сил. Центр тяжести. Способы определения положения центра тяжести тел.

Он-лайн курс: <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1112>

Кинематика

Основные виды движений и их кинематические характеристики.

Кинематика точки.

Способы задания движения точки.

Уравнения движения точки. Траектория точки.

Определение скорости и ускорения точки.

Кинематика твердого тела.

Поступательное движение:

Уравнения поступательного движения.

Основные кинематические характеристики.

Вращение вокруг неподвижной оси:

Уравнения вращательного движения. Основные кинематические характеристики. Определение скоростей и ускорений точек вращающегося тела.

Формула Эйлера.

Плоское движение плоского тела:

Уравнение плоского движения. Основные кинематические характеристики. Теоремы о скоростях и ускорениях точек при плоском движении.

Сферическое движение:

Углы Эйлера. Уравнение сферического движения. Определение скоростей и ускорений точек при сферическом движении. Общий случай движения свободного твердого тела.

Сложное движение точки:

Понятие абсолютного, относительного и переносного движения. Теорема о сложении скоростей. Теорема Кориолиса для определения ускорений точек.

Сложное движение твердого тела.

Он-лайн курс: <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1241>

3 семестр

«Динамика»

Динамика точки.

Введение в динамику. Законы Ньютона. Дифференциальные уравнения движения материальной точки. Две основные задачи динамики точки. Уравнения свободных гармонических колебаний.

Динамика системы.

Понятие механической системы. Классификация сил. Центр масс системы. Моменты инерции механической системы относительно плоскости оси и центра.

Основные теоремы динамики системы: теорема о движении центра масс, теорема об изменении количества движения системы, теорема об изменении кинетического движения системы и законы сохранения, теорема об изменении кинетической энергии системы, работа и мощность силы.

Дифференциальные уравнения поступательного, вращательного и плоского движения твердого тела.

Принципы механики:

Принцип Даламбера для точки и системы. Главный вектор и главный момент сил инерции. Определение динамических реакций подшипников при вращении вокруг оси.

Принцип возможных перемещений. Понятия об идеальных связях и возможных перемещениях системы.

Принцип Даламбера-Лагранжа (общее уравнение динамики).

Уравнение Лагранжа II-го рода.

Он-лайн курс: <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1147>

3.4 Тематика семинарских/практических и лабораторных занятий

3.4.1.Семинарские/практические занятия

Семестр 2. Раздел Статика+кинематика

Методика решения задач по определению усилий в связях для простых и составных систем с учетом сил трения и без них (задач С-1, С-2, С-5);

Определение основных кинематических характеристик простейших движений твердого тела. Задачи: К-1, К-2, К-3; К-5

Семестр 3 Раздел Динамика:

Изучение основных методов расчета механических систем. Д-5, Д-6, Д-8, Д-9

4. Учебно-методическое и информационное обеспечение

4.1 Нормативные документы и ГОСТы

1. ГОСТ 2.001-73 ЕСКД. Общие положения;
2. ГОСТ 2.109-73 ЕСКД. Основные требования к чертежам;
3. ГОСТ 2.125-2008 ЕСКД. Правила выполнения эскизных конструкторских документов;

4.2 Основная литература

1. Молотников В. Я. Механика конструкций. Теоретическая механика. Соппротивление материалов. Изд-во "Лань", 2012, 608 с..
https://e.lanbook.com/book/4546#book_name .
2. Мещерский И. В. Сборник задач по теоретической механике. Москва, ГИЗ, 2010, 450 с. Изд-во Лань
<https://djvu.online/file/5VPZltsWaA2Ij>

3. Дополнительная литература

1. Жуковский, Н. Е. Теоретическая механика в 2 т. Том 1 : учебник для вузов. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 404 с. <https://biblio-online.ru/book/5F650031-40A8-4D56-A1F5-182000702C1B>
2. Жуковский, Н. Е. Теоретическая механика в 2 т. Том 2 : учебник для вузов. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 411 с.. <https://biblio-online.ru/book/83A3625F-B0FB-4C79-9D83-5913F0681EB0>
3. Кирсанов М. Н. Решебник. Теоретическая механика.- Физматлит 2008, 382 с.
<http://www.knigafund.ru/books/207785> .
4. В.К. Манжосов, Н.Б. Овсянникова. Тестовые задания по теоретической механике. Динамика: - Ульяновск: УлГТУ, 2011. - 48 с.. <http://window.edu.ru/resource/188/77188>
5. Учебно-методическое пособие для студентов заочной формы обучения. Теоретическая механика. Раздел "Статика». МАМИ, 2010.
<http://mospolytech.ru/index.php?id=4552>
6. Учебно-методическое пособие для студентов заочной формы обучения. Теоретическая механика. Раздел "Кинематика», МАМИ, 2010.
<http://mospolytech.ru/index.php?id=4552>
7. Учебно-методическое пособие для студентов заочной формы обучения. Теоретическая механика. Раздел «Динамика». МАМИ, 2010.
<http://mospolytech.ru/index.php?id=4552>

4.3 Электронные образовательные ресурсы

Интернет-ресурсы включают учебно-методические материалы в электронном виде по дисциплине, представленные на сайте <http://mospolytech.ru> в разделе: кафедра «Техническая механика» <http://mospolytech.ru/index.php?id=4552>

4.4 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение

1. Компас, T-ifleks (студенческие версии)

4.5 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1112>
2. <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1241>
3. <https://lms.mospolytech.ru/course/view.php?id=1147>

5. Материально-техническое обеспечение

1. Лекционные занятия:
 - а. комплект электронных презентаций/слайдов,

- b. аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук, интерактивная панель/доска/проектор)
- 2. Практические/лабораторные занятия:
 - a. презентационная техника (проектор, экран, компьютер/ноутбук, интерактивная панель/доска/проектор),
 - b. пакеты ПО (Microsoft Word, Excel, PowerPoint, T-Flex CAD, Kompas, Solid Works, MahtCad),
 - c. аудитория ПК 424 (*Специализированная аудитория «Теоретическая механика»*)), оснащенная моделями плоских рычажных, кулачковых, зубчатых и других видов механизмов, установками для изучения крутильных колебаний, кинематики и динамики тел.

6. Методические рекомендации

6.1 Методические рекомендации для преподавателя по организации обучения

Основным требованием к преподаванию дисциплины является творческий, проблемно-диалоговый интерактивный подход, позволяющий повысить интерес студентов к содержанию учебного материала.

Основная форма изучения и закрепления знаний по этой дисциплине – лекционная и практическая. Преподаватель должен последовательно вычитать студентам ряд лекций, в ходе которых следует сосредоточить внимание на ключевых моментах конкретного теоретического материала, а также организовать проведение практических занятий таким образом, чтобы активизировать мышление студентов, стимулировать самостоятельное извлечение ими необходимой информации из различных источников, сравнительный анализ методов решений, сопоставление полученных результатов, формулировку и аргументацию собственных взглядов на многие спорные проблемы.

Основу учебных занятий по дисциплине составляют лекции. В процессе обучения студентов используются различные виды учебных занятий (аудиторных и внеаудиторных): лекции, семинарские занятия, консультации и т.д. На первом занятии по данной учебной дисциплине необходимо ознакомить студентов с порядком ее изучения, раскрыть место и роль дисциплины в системе наук, ее практическое значение, довести до студентов требования кафедры, ответить на вопросы.

При подготовке к лекционным занятиям по курсу «Теоретическая механика» необходимо продумать план его проведения, содержание вступительной, основной и заключительной части лекции, ознакомиться с новинками учебной и методической литературы, публикациями периодической печати по теме лекционного занятия, определить средства материально-технического обеспечения лекционного занятия и порядок их использования в ходе чтения лекции. Уточнить план проведения практического занятия по теме лекции.

В ходе лекционного занятия преподаватель должен назвать тему, учебные вопросы, ознакомить студентов с перечнем основной и дополнительной литературы по теме занятия.

Во вступительной части лекции обосновать место и роль изучаемой темы в учебной дисциплине, раскрыть ее практическое значение. Если читается не первая лекция, то необходимо увязать ее тему с предыдущей, не нарушая логики изложения учебного материала. Лекцию следует начинать, только четко обозначив её характер, тему и круг тех вопросов, которые в её ходе будут рассмотрены.

В основной части лекции следует раскрывать содержание учебных вопросов, акцентировать внимание студентов на основных категориях, явлениях и процессах, особенностях их протекания. Раскрывать сущность и содержание различных точек зрения и научных подходов к объяснению тех или иных явлений и процессов. Следует аргументировано обосновать собственную позицию по спорным теоретическим вопросам. Приводить примеры. Задавать по ходу изложения лекционного материала риторические вопросы и самому давать на них ответ. Это способствует активизации мыслительной деятельности студентов, повышению их внимания и интереса к материалу лекции, ее содержанию. Преподаватель должен руководить работой студентов по конспектированию лекционного материала, подчеркивать необходимость отражения в конспектах основных положений изучаемой темы, особо выделяя категорийный аппарат.

В заключительной части лекции необходимо сформулировать общие выводы по теме, раскрывающие содержание всех вопросов, поставленных в лекции. Объявить план очередного семинарского или лабораторного занятия, дать краткие рекомендации по подготовке студентов к семинару или лабораторной работе. Определить место и время консультации студентам, пожелавшим выступить на семинаре с докладами и рефератами по актуальным вопросам обсуждаемой темы.

При этом во всех частях лекции необходимо вести диалог со студентами и давать студентам возможность дискутировать между собой.

Цель практических занятий обеспечить контроль усвоения учебного материала студентами, расширение и углубление знаний, полученных ими на лекциях и в ходе самостоятельной работы. Повышение эффективности практических занятий достигается посредством создания творческой обстановки, располагающей студентов к высказыванию собственных взглядов и суждений по обсуждаемым вопросам, желанию у студентов поработать у доски при решении задач.

После каждого лекционного и практического занятия сделать соответствующую запись в журналах учета посещаемости занятий студентами, выяснить у старост учебных групп причины отсутствия студентов на занятиях. Проводить групповые и индивидуальные консультации студентов по вопросам, возникающим у студентов в ходе их подготовки к текущей и промежуточной аттестации по учебной дисциплине, рекомендовать в помощь учебные и другие материалы, а также справочную литературу.

В лекционных или практических необходимо вести диалог со студентами и давать студентам возможность дискутировать между собой.

Преподаватель, принимающий зачет, лично несет ответственность за правильность выставления оценки.

6.2 Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Самостоятельная работа является одним из видов получения образования обучающимися и направлена на:

- изучение теоретического материала, подготовку к лекционным и семинарским (практическим) занятиям;
- подготовку к тестированию;
- подготовку презентации по предложенной теме.

Самостоятельная работа студентов представляет собой важнейшее звено учебного процесса, без правильной организации которого обучающийся не может быть высококвалифицированным выпускником.

Студент должен помнить, что проводить самостоятельные занятия следует регулярно. Очень важно приложить максимум усилий, воли, чтобы заставить себя работать с полной нагрузкой с первого дня.

Не следует откладывать работу также из-за нерабочего настроения или отсутствия вдохновения. Настроение нужно создавать самому. Понимание необходимости выполнения работы, знание цели, осмысление перспективы благоприятно влияют на настроение.

Каждый студент должен сам планировать свою самостоятельную работу, исходя из своих возможностей и приоритетов. Это стимулирует выполнение работы, создает более спокойную обстановку, что в итоге положительно сказывается на усвоении материала.

Важно полнее учесть обстоятельства своей работы, уяснить, что является главным на данном этапе, какую последовательность работы выбрать, чтобы выполнить ее лучше и с наименьшими затратами времени и энергии.

Для плодотворной работы немаловажное значение имеет обстановка, организация рабочего места. Нужно добиться, чтобы место работы по возможности было постоянным. Работа на привычном месте делает ее более плодотворной. Продуктивность работы зависит от правильного чередования труда и отдыха. Поэтому каждые час или два следует делать перерыв на 10-15 минут. Выходные дни лучше посвятить активному отдыху, занятиям спортом, прогулками на свежем воздухе и т.д. Даже переключение с одного вида умственной работы на другой может служить активным отдыхом.

Студент должен помнить, что в процессе обучения важнейшую роль играет самостоятельная работа с книгой. Научиться работать с книгой – важнейшая задача студента. Без этого навыка будет чрезвычайно трудно изучать программный материал, и много времени будет потрачено нерационально. Работа с книгой складывается из умения подобрать необходимые книги, разобраться в них, законспектировать, выбрать главное, усвоить и применить на практике.

7. Фонд оценочных средств

7.1 Методы контроля и оценивания результатов обучения

№ ОС	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в ФОС
1	Контрольная работа (К/Р)	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу	Комплект контрольных заданий по вариантам
2	Расчетно-графическая работа (РГР)	Средство проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по модулю или дисциплине в целом.	Комплект заданий для выполнения расчетно-графической работы

3	Реферат (Р)	Продукт самостоятельной работы студента, представляющий собой краткое изложение в письменном виде полученных результатов теоретического анализа определенной научной (учебно-исследовательской) темы, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения, а также собственные взгляды на нее.	Темы рефератов
4	Доклад, сообщение (ДС)	Продукт самостоятельной работы студента, представляющий собой публичное выступление по представлению полученных результатов решения определенной учебно-практической, учебно-исследовательской или научной темы	Темы докладов, сообщений
5	Устный опрос собеседование, (УО)	Средство контроля, организованное как специальная беседа педагогического работника с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п.	Вопросы по темам/разделам дисциплины
6	Тест (Т)	Система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений обучающегося.	Фонд тестовых заданий
7	Экзаменационные билеты (ЭБ)	Средство проверки знаний, умений, навыков. Может включать комплекс теоретических вопросов, задач, практических заданий.	Экзаменационные билеты. Шкала оценивания.

7.2 Шкала и критерии оценивания результатов обучения

Форма промежуточной аттестации: зачет, экзамен.

Промежуточная аттестация обучающихся в форме зачёта и экзамена проводится по результатам выполнения всех видов учебной работы, предусмотренных учебным планом по данной дисциплине, при этом учитываются результаты текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценка степени достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине проводится преподавателем, ведущим занятия по дисциплине методом экспертной оценки. По итогам промежуточной аттестации по дисциплине выставляется оценка «зачтено» или «не зачтено».

Обязательными условиями подготовки студента к промежуточной аттестации является выполнение студентом: расчетно-графических работ, приведенных в п. 6, контрольных работ и тестовых заданий (в форме бланкового или компьютерного варианта), приведенных в Приложении В.

Шкала оценивания	Описание
Зачтено	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
Не зачтено	Не выполнены обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины, ИЛИ студент демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие знаний, умений, навыков по ряду показателей, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

Промежуточная аттестация обучающихся в форме экзамен проводится по результатам выполнения всех видов учебной работы, предусмотренных учебным планом по данной дисциплине, при этом учитываются результаты текущего контроля успеваемости в течение семестра. Оценка степени достижения обучающимися планируемых результатов обучения по дисциплине проводится преподавателем, ведущим занятия по дисциплине методом экспертной оценки. По итогам промежуточной аттестации по дисциплине выставляется оценка «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Шкала оценивания	Описание
Отлично	Выполнены все виды учебной работы, предусмотренные рабочей программой. Студент демонстрирует соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
Хорошо	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации, предусмотренные программой дисциплины. Обучающийся демонстрирует частичное соответствие следующих знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, оперирует приобретенными знаниями, умениями, навыками, применяет

	их в ситуациях повышенной сложности. При этом могут быть допущены незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.
Удовлетворительно	Выполнены все обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации , предусмотренные программой дисциплины. Обучающийся демонстрирует неполное соответствие следующих знаний: Допускаются значительные ошибки, проявляется недостаточность знаний, по ряду показателей, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями при их переносе на новые ситуации.
Неудовлетворительно	Не выполнены обязательные условия подготовки студента к промежуточной аттестации , предусмотренные программой дисциплины, ИЛИ Студент демонстрирует неполное соответствие знаний, умений, навыков приведенным в таблицах показателей, допускаются значительные ошибки, проявляется отсутствие знаний, умений, навыков по ряду показателей, студент испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

7.3 Оценочные средства

7.3.1. Текущий контроль: контрольная работа, расчетно-графические работы, рефераты, устный опрос, тесты, экзаменационные билеты

7.3.2. Промежуточная аттестация: зачет, экзамен

Допускается проведение зачетов и экзаменов в системе LMS (<https://lms.mospolytech.ru/>) в виде итогового тестирования по курсу. Критерии оценки и правила проведения тестирования приведены на курсе.

Образец экзаменационного билета по статике и кинематике:

Факультет Базовых компетенций, кафедра Техническая механика и компьютерное моделирование

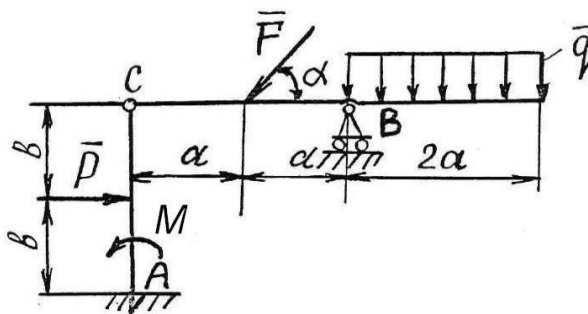
Дисциплина «Теоретическая механика»

Образовательные программы:

Курс 1, семестр 2

БИЛЕТ ДЛЯ ЗАЧЕТА

1. Приведение пространственной системы сил к заданному центру.
2. Определение ускорения точки при естественном способе задания ее движения.
3. Задача.



Определить реакции связей в точках A , B и C шарнирно-сочлененной Г-образной балки AB , если известны: P (Н), q (Н/м), M (Нм), α° , a (м), b (м), P (Н).

Образец экзаменационного билета по динамике:

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(МОСКОВСКИЙ ПОЛИТЕХ)

Д

Факультет Базовых компетенций, кафедра Техническая механика и компьютерное моделирование

Дисциплина «Теоретическая механика»

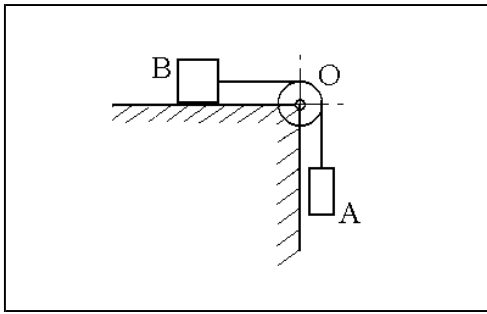
Образовательные программы:

Курс 2, семестр 3

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ

1. Теоремы об изменении кинетической энергии материальной точки и механической системы в дифференциальной и конечной формах.
2. Принцип возможных перемещений. Идеальные связи.

3. Задача.



Для системы грузов А и В с весами P_1 и P_2 и блока весом Q с массой, равномерно распределенной по ободу, определить:

1) ускорение грузов,

2) натяжение нитей на участках АО и ОВ.

Считать нить невесомой и нерастяжимой, трением на оси блока и на горизонтальной опорной плоскости пренебречь.

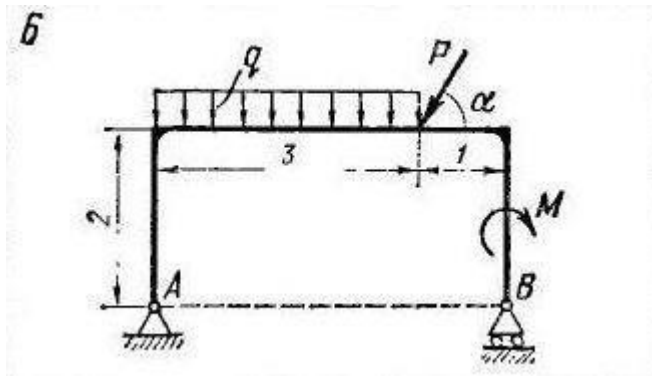
2. Контрольные работы

Время на выполнение каждой работы – 20 мин.

2.1 Раздел «Статика»

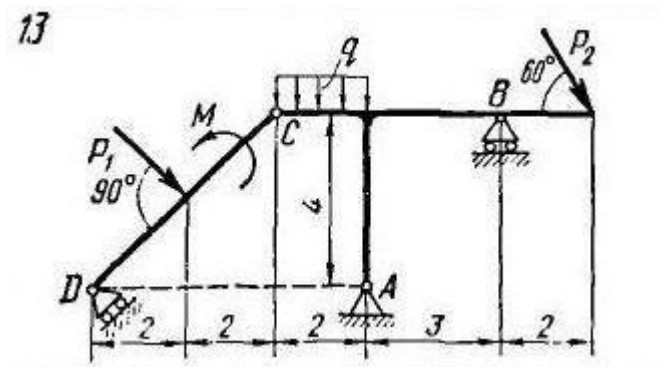
2.1.1. Определение реакций опор плоской простой конструкции.

Пример варианта работы:



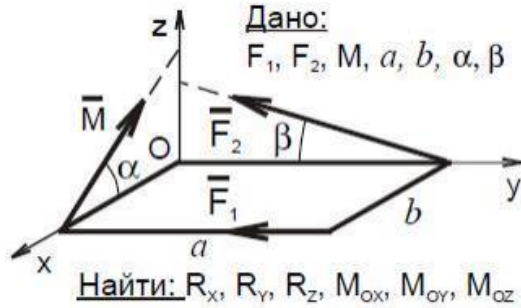
2.1.2. Определение реакций опор плоской составной конструкции.

Пример варианта работы:



2.1.3. Приведение пространственной системы сил к центру.

Пример варианта работы:



2.2 Раздел «Кинематика»:

2.2.1 Кинематика точки.

Пример варианта работы:

Точка движется в координатной плоскости xu .

Закон движения точки задан уравнениями $x = x(t)$,
 $y = y(t)$ (x, y - в сантиметрах, t - в секундах).

Вар.	$x = x(t)$, см	$y = y(t)$, см	t_1 , сек
5	$x = 2 \sin\left(\frac{\pi t}{3}\right)$	$y = -3 \cos\left(\frac{\pi t}{3}\right) + 4$	1.0

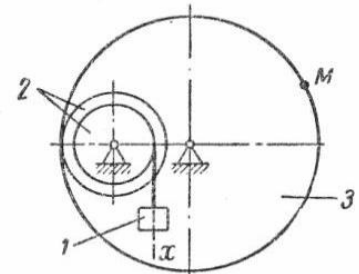
Определить траекторию точки и для момента времени
 $t = t_1$, сек. найти:

- положение точки на траектории;
- скорость и ускорение точки;
- касательную и нормальную составляющие ускорения;
- радиус кривизны в соответствующей точке траектории.

2.2.2 Преобразование простейших движений твердого тела.

Пример варианта работы:

ЗАДАНИЕ 2.64. Груз I механизма совершает прямолинейное поступательное движение по закону $x = 2,5t$ см. Если $r_2 = 8$ см, $R_2 = 32$ см, $R_3 = 72$ см, $t = 0,4$ сек, ускорение a_M равно ... см/сек²

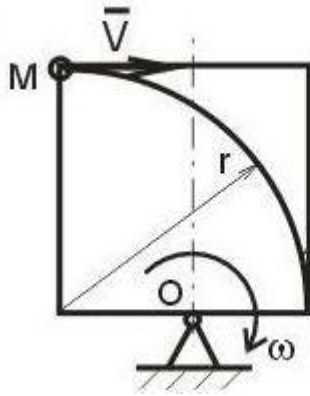


2.2.3 Сложное движение точки.

Пример варианта работы:

Прямоугольник вращается в плоскости рисунка с постоянной угловой скоростью ω вокруг оси, проходящей через точку O . По прямоугольнику по дуге окружности радиуса r движется точка M с постоянной скоростью V . Определить относительное, переносное и кориолисово ускорение точки. На рисунке показать направления векторов этих ускорений.

14



Дано:
 $V = \text{const};$
 $\omega = \text{const};$
 r

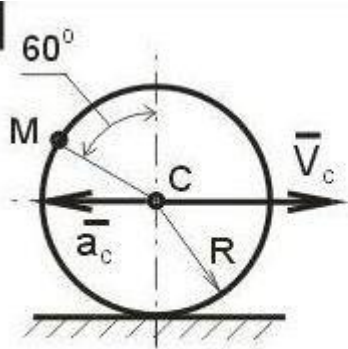
Найти:
 $a_r; a_e; a_k$

2.2.4 Плоскопараллельное движение твердого тела. Колесо.

Пример варианта работы:

Колесо радиуса 1 м движется по прямолинейному рельсу. Заданы скорость и ускорение центра колеса. Найти скорость и ускорение точки М, лежащей на ободу колеса, в положении, указанном на рисунке.

15



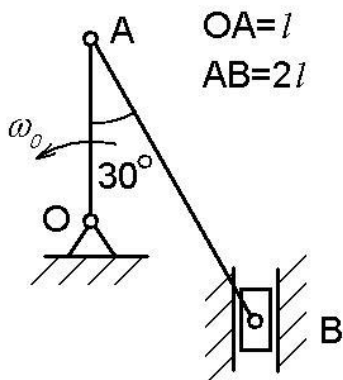
Дано:
 $R = 1 \text{ м};$
 $V_c = 2 \text{ м/с};$
 $a_c = 3 \text{ м/с}^2$

Найти:
 $V_M; a_M$

2.2.5 Плоскопараллельное движение твердого тела. Кривошипно-шатунный механизм.

Пример варианта работы:

В кривошипно-шатунном механизме кривошип ОА вращается с постоянной скоростью ω_0 . Найти скорости и ускорения точек А и В. Необходимые размеры и углы приведены на рисунке.



2.3 Раздел «Динамика»:

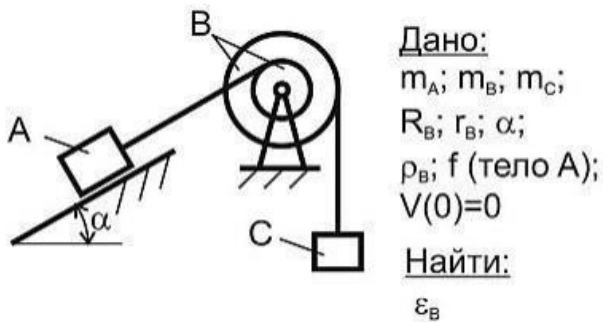
2.3.1 Динамика материальной точки.

Пример варианта работы:

Вариант №8
Груз массы m движется вдоль гладкой горизонтальной плоскости под действием силы \vec{F} , модуль которой меняется по закону $F = 3t^2$ (Н). Найти закон движения тела, если при $t = 0$ $x = 1$ м, $V = 0$.

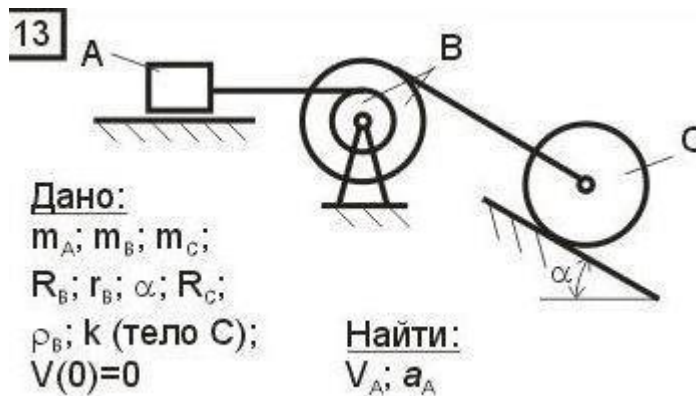
2.3.2 Теорема об изменении кинетического момента механической системы.

Пример варианта работы:



2.3.3 Теорема об изменении кинетической энергии механической системы.

Пример варианта работы:



2.3.4 Принцип Даламбера для механической системы.

Пример варианта работы:

17

Дано:
 $m_A; m_B; m_C;$
 $R_B; r_B; \alpha; R_C;$
 $\rho_B; k$ (тело C);
 $V(0)=0$

Найти:
 $V_A; a_A$

2.3.5 Принцип Даламбера-Лагранжа (Общее уравнение динамики).

Пример варианта работы:

15

Дано:
 $m_A; m_B; m_C;$
 $R_B; r_B; \alpha; R_C;$
 $\rho_B; k$ (тело C);
 $V(0)=0$

Найти:
 $V_A; a_A$

- оценка «зачтено» выставляется студенту, если он применил полученные знания и решил задачу контрольной работы;

- оценка «не зачтено», если он не выполнил задание контрольной работы.

3. Тесты для проведения рубежного контроля по разделам теоретической механики

3.1 Тест по разделу «Статика». Содержит 20 вопросов. Время на выполнение теста 45 мин.

Пример тестового задания:

Задание 1

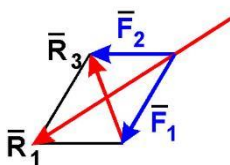
Равнодействующей сил \vec{F}_1 и \vec{F}_2 будет сила

1) \vec{R}_1

2) \vec{R}_2

3) \vec{R}_3

4) ни одна из сил



реакции опоры В.

Задание 9

Определить момент силы \vec{P} относительно центра O , если радиус-вектор \vec{r} известен

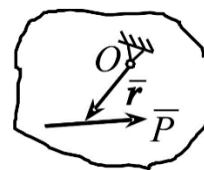
1) $\vec{M}_O = \vec{r} \times \vec{P}$

2) $\vec{M}_O = \vec{r} \cdot \vec{P}$

3) $\vec{M}_O = \vec{P} \times \vec{r}$

4)

$\vec{M}_O = -\vec{r} \times \vec{P}$



Задание 10

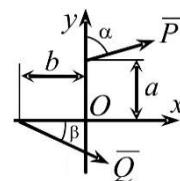
Определить сумму моментов сил \vec{P} и \vec{Q} относительно центра O

1) $M_O = -P \cdot a \cdot \sin \alpha + Q \cdot b \cdot \sin \beta$; 2)

$M_O = Q \cdot a \cdot \cos \beta - P \cdot b \cdot \sin \alpha$

3) $M_O = -P \cdot a \cdot \cos \alpha - Q \cdot b \cdot \sin \beta$; 4)

$M_O = -P \cdot a \cdot \cos \alpha - Q \cdot b \cdot \sin \beta$



Задание 11

Парой сил называется система двух сил:

- 1) равных по модулю, параллельных и направленных в противоположные стороны;
- 2) лежащих в одной плоскости;
- 3) равных по модулю и лежащих на одной прямой;
- 4) равных по модулю и перпендикулярно расположенных.

Задание 12

Определить момент пары сил (\vec{P}_1, \vec{P}_2) относительно центра O .

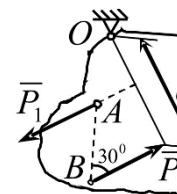
$P_1 = P_2 = 10 \text{ кН}$, $AB = 2 \text{ м}$, $d = 3 \text{ м}$.

1) $M_O = 30 \text{ кН} \cdot \text{м}$ 2) $M_O = 10 \text{ кН} \cdot \text{м}$

3) $M_O = -20 \text{ кН} \cdot \text{м}$

4)

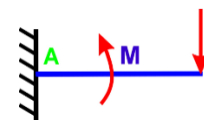
$M_O = -10 \text{ кН} \cdot \text{м}$



Задание 13

На балку действует сила $F = 4 \text{ Н}$ и пара сил с моментом $M = 2 \text{ Н} \cdot \text{м}$. Определить момент в заделке А, если $AB = 4 \text{ м}$.

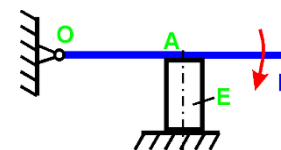
1) $14 \text{ Н} \cdot \text{м}$ 2) $-14 \text{ Н} \cdot \text{м}$ 3) $16 \text{ Н} \cdot \text{м}$ 4) $-16 \text{ Н} \cdot \text{м}$



Задание 14

Определить величину силы, сжимающей тело Е, если $M = 2 \text{ Н} \cdot \text{м}$ и $OA = 2 \text{ м}$

1) 1 Н 2) $0,5 \text{ Н}$ 3) $1,5 \text{ Н}$ 4) 2 Н

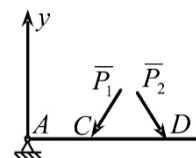


Задание 15

Какая система уравнений равновесия верна?

1) $\sum P_{kx} = 0, \sum M_{Ak} = 0, \sum M_{Bk} = 0$; 2)

$\sum P_{ky} = 0, \sum M_{Ak} = 0, \sum M_{Bk} = 0$

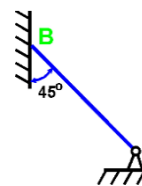


$$3) \sum M_{Ak} = 0, \sum M_{Ck} = 0, \sum M_{Dk} = 0; 4) \\ \sum M_{Ak} = 0, \sum M_{Bk} = 0, \sum M_{Dk} = 0$$

Задание 16

Если вес бруса $P = 100 \text{ кН}$, то давление бруса **AB** на стену равно

- 1) $50/1,41 \text{ Н}$ 2) 50 Н 3) $50 \cdot 1,41 \text{ Н}$ 4) 100 Н

**Задание 17**

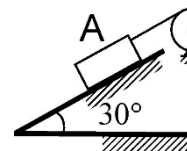
К телу весом 200 Н , который лежит на горизонтальной поверхности, привязана горизонтальная веревка. Коэффициент трения скольжения равен $0,2$. Для того, чтобы тело начало скользить по поверхности, необходимо натяжение веревки, равное

- 1) 53 2) 40 3) 32 4) 49

Задание 18

Определить наименьший вес груза Q , необходимый для того, чтобы тело A весом 6 кН находилось в покое на шероховатой плоскости, если коэффициент трения скольжения равен $0,3$.

- 1) $Q_{\min} = 1,64 \text{ кН}$ 2) $Q_{\min} = 1,44 \text{ кН}$ 3) $Q_{\min} = 1,55 \text{ кН}$ 4) $Q_{\min} = 1,35 \text{ кН}$



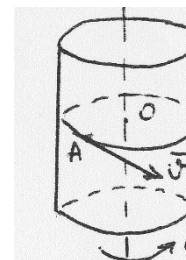
3.2 Тест по разделу «Кинематика». Содержит 20 вопросов. Время на выполнение теста 45 мин.

Пример тестового задания:

Задание 1

Чему равно относительное ускорение точки, движущейся равномерно по поверхности цилиндра в плоскости, перпендикулярной к его оси, если цилиндр вращается равномерно вокруг своей оси?

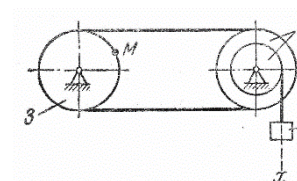
- 1) $|\bar{a}_{\text{отн}}| = V^2/r + \omega^2 r$ и направлено противоположно \bar{V}
 2) $|\bar{a}_{\text{отн}}| = 2\omega V + \omega^2 r$ и направлено по скорости \bar{V}
 3) $|\bar{a}_{\text{отн}}| = V^2/r$ и направлено от т. A к т. O
 4) $|\bar{a}_{\text{отн}}| = V^2/r + \omega^2 r - 2\omega V$ и направлено от т. O к т. A

**Задание 2**

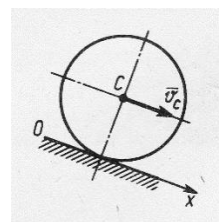
Груз 1 механизма совершает прямолинейное поступательное движение по закону $x = 8 + 40t^2 \text{ см}$. Если

$R_2 = 15 \text{ см}$, $r_2 = 10 \text{ см}$, $R_3 = 15 \text{ см}$, $t = 2,5 \text{ с}$, скорость V_M равна:

- 1) $0,9$ 2) $4,5$ 3) $1,5$ 4) $3,0$

**Задание 3**

Скорость центра C колеса, катящегося без скольжения, постоянна. Угол, который составляет вектор ускорения точки, являющейся мгновенным центром скоростей, с осью Ox равен:



- 1) 90° 2) 30° 3) 0° 4) 180°

Задание 4. Скорость движения точки $\vec{v} = 2t\vec{i} + (t-4)\vec{j}$ в момент времени $t = 4c$ угол в градусах между вектором скорости и осью Ox равен:

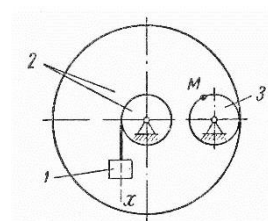
- 1) 270° 2) 90° 3) 0° 4) 180°

Задание 5. Скорость центра катящегося по плоскости без скольжения колеса радиуса $0,5$ м равна 5 м/с. Скорость точки соприкосновения колеса с плоскостью равна:

- 1) $0,5$ 2) 0 3) 1 4) 5

Задание 6

Груз 1 механизма совершает прямолинейное поступательное движение по закону $x = 30t^2$ см. Если $r_2 = R_3 = 10$ см, $R_2 = 75$ см, $t = 2$ с, скорость V_M равна:



- 1) $4,5$ 2) $6,83$ 3) $9,04$ 4) $18,0$

Задание 7. Задано уравнение движения точки $\vec{r} = 3t\vec{i} + 4t\vec{j}$. В момент времени, когда $r = 5$ м, координата y точки равна:

- 1) 4 2) 0 3) 3 4) 5

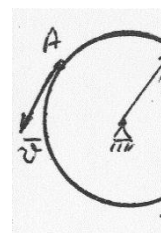
Задание 8. Движение точки задано уравнениями $dx/dt = 2t^2$ и $y = 0,5t^3$. Ускорение в момент времени $t = 1$ с равно:

- 1) $0,6$ 2) 5 3) $1,5$ 4) $0,8$

Задание 9

При каком условии абсолютное ускорение точки A , движущейся по ободу вращающегося диска, направлено по касательной к ободу диска?

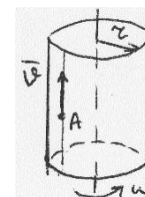
- 1) Всегда
- 2) Такого случая не может быть
- 3) Если в данный момент времени $V = \omega R$ и хотя бы одно из движений не является равномерным
- 4) Если относительное движение является равномерным



Задание 10

Какая из формул правильно определяет ускорение Кориолиса точки по величине, если $\omega = const$ и $V = const$?

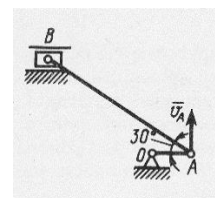
- 1) $|\vec{a}_{кор}| = 0$ 2) $|\vec{a}_{кор}| = \omega^2 r$
 3) $|\vec{a}_{кор}| = 2\omega V$ 4) $|\vec{a}_{кор}| = -2\omega V$



Задание 11

В указанном положении кривошипно-шатунного механизма точка A имеет скорость $v_A = 3 \text{ м/с}$, длина шатуна $AB = 1 \text{ м}$. Угловая скорость шатуна AB равна:

- 1) $2\sqrt{3}$ 2) $0,3\sqrt{3}$ 3) $\sqrt{3}$ 4) $0,5\sqrt{3}$



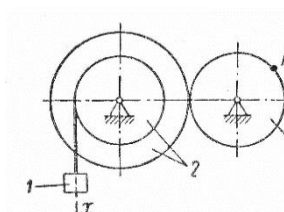
Задание 12. Угловое ускорение вращающегося тела изменяется согласно закону $\varepsilon = 2t$. Если при $t_0 = 0$ угловая скорость равна нулю, то в момент времени $t = 4 \text{ с}$ угловая скорость тела равна:

- 1) 2 2) 4 3) 8 4) 16

Задание 13

Груз 1 механизма совершает прямолинейное поступательное движение по закону $x = 7t^2 \text{ см}$. Если $R_2 = 80 \text{ см}$, $r_2 = 10 \text{ см}$, $r_3 = 20 \text{ см}$, $t = 2,5 \text{ с}$, скорость v_M равна:

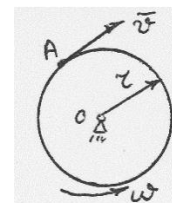
- 1) 0,7 2) 0,14 3) 1,44) 2,8



Задание 14

Какая из формул правильно определяет модуль абсолютного ускорения точки, если ω и V постоянны?

- 1) $|\vec{a}_{абс}| = \omega^2 r + 2\omega V$ 2) $|\vec{a}_{абс}| = V^2 / r + \omega^2 r + 2\omega V$
3) $|\vec{a}_{абс}| = \sqrt{V^4 / r^2 + 4\omega^2 r^2}$ 4) $|\vec{a}_{абс}| = V^2 / r + \omega^2 r - 2\omega V$



Задание 15. В момент времени, когда ускорение точки $a = 1,5 \text{ м/с}^2$, а угол между векторами ускорения и скорости равен 30° , нормальное ускорение точки равно:

- 1) 0,75 2) 1,5 3) 0,5 4) 1,2

Задание 16

Частота вращения коленчатого вала двигателя 4200 об/мин . Если в данный момент времени мгновенный центр скоростей C_v шатуна AB находится на расстояниях $AC_v = 0,2 \text{ м}$, $BC_v = 0,10 \text{ м}$; длина кривошипа $OA = 0,05 \text{ м}$, то скорость поршня B равна:

- 1) 10π 2) 14π 3) $3,5\pi$ 4) 7π



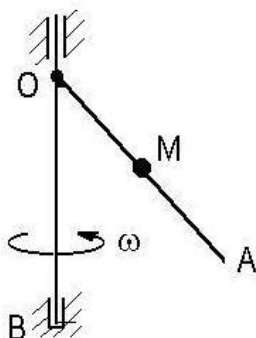
3.3 Тест по разделу «Динамика». Содержит 20 вопросов. Время на выполнение теста 80 мин.

Тестовые задания для тестирования по разделу «Динамика»

Задание 1. Телу, лежащим на шероховатой горизонтальной плоскости ($f=0,1$) сообщили толчком скорость $V=30 \text{ м/сек}$. Определить, за какое время его скорость уменьшится вдвое.

- 1) $t = 2 \text{ сек}$; 2) $t = 7 \text{ сек}$; 3) $t = 15 \text{ сек}$ 4) $t = 10 \text{ сек}$

Задание 2. По вертикальной лестнице OA , вращающейся вокруг вертикальной оси OB , поднимается человек. Как изменится угловая скорость вращения человека, если его расстояние от оси вращения уменьшится в $2n$ раз?



- 1) Угловая скорость увеличена в n^2 раз;
- 2) Угловая скорость увеличена в $4n^2$ раз;
- 3) Угловая скорость уменьшена в $6n^2$ раз;
- 4) Угловая скорость уменьшена в $8n^2$ раз.

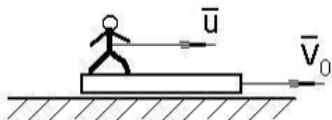
Задание 3. Маховик, момент инерции которого относительно оси вращения равен I , тормозится моментом $M = 3kt^2$. Через какой промежуток времени маховик остановится, если его начальная угловая скорость равна ω_0 ?

- 1) $t = \sqrt[3]{\frac{I\omega_0}{2k}}$;
- 2) $t = \sqrt[3]{\frac{I\omega_0}{k}}$;
- 3) $t = \sqrt[3]{\frac{2I\omega_0}{k}}$;
- 4) $t = \sqrt[3]{\frac{3I\omega_0}{k}}$

Задание 4. Пружина жесткости $c=10$ Н/см сжали на 5 см. Какую работу совершит упругая сила пружины?

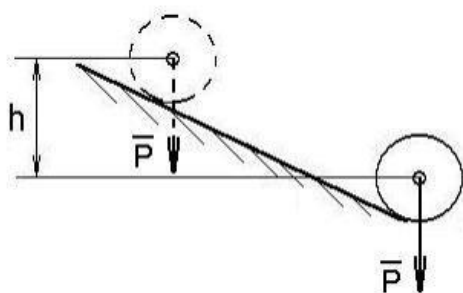
- 1) $A = -1.25$ Нм ;
- 2) $A = -2.5$ Нм ;
- 3) $A = 1.25$ Нм ;
- 4) $A = 2.5$ Нм

Задание 5. Система, состоящая из платформы и человека, движется со скоростью V_0 . Как изменится скорость платформы V , если человек будет перемещаться по платформе со скоростью $u=4V_0$ в сторону движения платформы. Вес платформы в 9 раз больше веса человека.



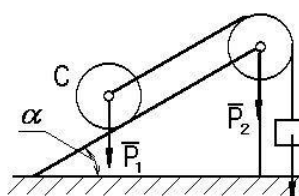
- 1) $V = \frac{1}{2}V_0$
- 2) $V = \frac{2}{3}V_0$
- 3) $V = \frac{3}{5}V_0$
- 4) $V = \frac{3}{2}V_0$

Задание 6. Чему равна скорость центра сплошного катка веса P и радиуса r при его качении вниз по наклонной плоскости в конце пути, если движение началось без начальной скорости? Высота $h=1$ м.



- 1) $v = 3.6 \text{ м/с}$
- 2) $v = 3.13 \text{ м/с}$
- 3) $v = 2.54 \text{ м/с}$
- 4) $v = 4.1 \text{ м/с}$

Задание 7. Определить ускорение центра катка, скатывающегося по наклонной плоскости, если его вес равен P_1 , вес блока – P_2 и тела – P_3 . Угол наклона плоскости – α , каток сплошной, блок – полый.



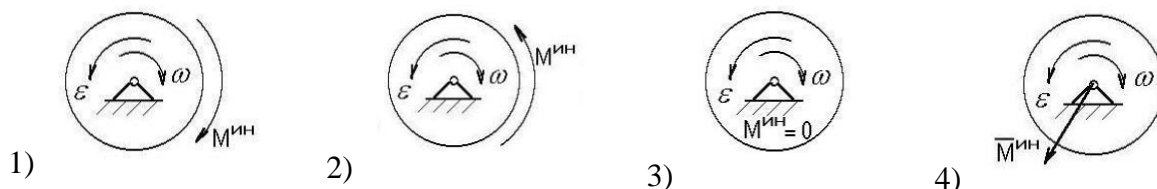
$$1) a = \frac{P_1 \sin \alpha - P_3}{3P_1 + P_2 + P_3} g, \quad 2) a = \frac{P_1 \cos \alpha - P_3}{3P_1 + 2P_2 + 2P_3} g,$$

$$3) a = \frac{P_1 \sin \alpha - P_3}{3P_1 + 2P_2 + 2P_3} 2g, \quad 4) a = \frac{P_1 \cos \alpha - P_3}{3P_1 + 2P_2 + 2P_3} 2g,$$

Задание 8. Какое условие выражает принцип возможных перемещений?

- 1) Условие движения механической системы под действием заданной системы активных сил и при заданных связях.
- 2) Условие движения механической системы под действием известных активных сил и сил инерции.
- 3) Условие равновесия механической системы под действием заданной системы активных сил и сил инерции.
- 4) Условие равновесия механической системы под действием заданной системы активных сил и при заданных связях.

Задание 9. Укажите правильное направление главного момента сил инерции $M^{ин}$



Задание 10. Какие связи называются идеальными?

- 1) сумма реакций которых на действительном перемещении равна нулю;
- 2) суммарная работа реакций которых на любом возможном перемещении равна нулю;
- 3) сумма реакций которых на любом возможном перемещении равна нулю;
- 4) суммарная работа реакций которых на действительном перемещении равна нулю.